基于最优阻尼注入的Buck变换器 无源控制研究

崔 健 王久和

(北京信息科技大学自动化学院 北京 100192)



崔 健 男 1993年 生,硕士研究生,主要从 事电能变换器系统稳定性 方面的研究工作。



王久和 男 1959年 生,教授,博士生导师, 主要从事电能变换器非线 性控制、电能质量控制及 微电网等方面的研究工 作。

摘要:针对目前 Buck 变换器无源控制器中确定的阻尼注入 DI 不能使变换器获得好的控制性能的问题,本文提出了一种计算并优化 DI 的方法。首先,建立了无源控制器控制的 Buck 变换器系统传递函数,在阶跃输入情况下求系统的输出电流响应及其超调量,通过校正系统电流响应的超调量,最终确定 DI 的取值范围。在所确定的 DI 取值范围内,使用遗传算法对 DI 进行优化,求得最优 DI。基于最优 DI 的无源控制器,可使 Buck 变换器具有优秀的性能。计算机仿真结果表明,本文提出的基于最优 DI 的无源控制策略是可行的。

关键词: Buck 变换器 无源控制 最优阻尼注入 遗传算法中图分类号: TM463

Study of Passivity-Based Control of Buck Converter Based on Optimal Damping Injection

Cui Jian Wang Juihe

(Beijing Information Science & Technology University Beijing 100192 China)

Abstract: Presently, the damping injection of passivity-based controller of Buck converter can't make converter acquire excellent performance. Aiming at this problem, an approach is proposed which can be used to calculate and optimize damping injection in the paper. Firstly, the transfer function of the Buck converter system based on passivity-based controller is established, the output current and its overshoot of the system is found when input is step, and finally the range of value of the damping injection is decided by correcting overshoot of the output current response. The damping injection is optimized by using genetic algorithm and the optimal damping injection is obtained. The Buck converter can get excellent performance due to passivity-based controller based on optimal damping injection. The simulation results prove the feasibility of the passivity-based control based on optimal damping injection proposed in this paper.

Keywords: Buck converter, passivity-based control, optimal damping injection, genetic algorithm

1 引言

随着新能源以及分布式电源的发展, DC/DC 变 换器被广泛地应用到各种需要升降压的场所。由于 DC/DC 变换器具有非线性特性, 传统的基于小信号 处理的线性控制存在较大的局限性[1-2]。为此,越来 越多的非线性控制方法被提了出来,如反馈线性化 控制、滑模变结构控制、自抗扰控制以及无源控制 (Passivity-Based Control, PBC) 等。反馈线性化控 制需要全状态可测量、精确抵消动态、引入控制器 奇异性, 对参数的依赖性大, 控制复杂, 滑模变结 构控制存在抖动问题; 自抗扰控制需要一组满意的 非线性函数以及相应的参数, 计算量大, 导致控制 周期长,实时性差[3]。以上方法均不能对变换器实 现本质上的非线性控制。而 PBC 理论基于能量的角 度,通过阻尼注入达到非线性控制的目的,是一种 本质上的非线性控制方法, 具有控制简单、响应快、 无超调等优点。因此, PBC 理论在电能变换器控制 中得到了日益广泛的应用,如文献 [4-5] 针对 Buck 等 DC/DC 变换器设计了无源控制器,通过阻尼注 入(Damping Injection, DI) 使得 DC/DC 变换器能 够稳定运行,并取得了良好的控制效果。

但目前对于 DI 的确定尚无较好的方法。一般情况下可通过试凑法确定 DI, 但该方法效率差,且不能确定最优 DI。文献 [4] 通过劳斯 - 赫尔维茨稳定判据约束 DI 的取值范围,通过求解不等式取得 DI 的取值范围,虽然相对简单,但对于一般情况下的变换器系统,如 Buck 变换器系统,其自身即可稳定运行,劳斯 - 赫尔维茨稳定判据对其不再有约束作用,所以该方法不再适用。

基于此,本文以 Buck 变换器为例,提出了通过校正系统的超调量,以约束 DI 的取值范围的方法,并通过遗传算法(Genetic Algorithm,GA)优化求得最优 DI 值。DI 不但可以提升变换器的性能,还可以抑制变换器电流响应的超调量,从而减小了冲击电流对系统的不利影响。计算机仿真结果证明了基于最优 DI 的无源控制策略的可行性。

2 Buck 变换器的 EL 模型及控制器设计

2.1 Buck 变换器的 EL 模型

Buck 变换器的主电路如图 1 所示。图中,VT 为开关管;VD 为二极管, i_L 为流过电感器的电流; i_C 为电容器两端电压;d 为开关管 VT 驱动信号的 占空比,R 为负载,E 为电感器的电感,E 为电容

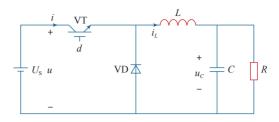


图 1 Buck 变换器主电路图

Fig.1 The main power circuit diagram of Buck converter

器的电容; U_s 为电源输入电压。

为简化模型建立,假设电路中的元器件均为理想元器件。选择电感电流 i_L 的开关周期平均值 i_{Lav} 和电容电压 u_C 的开关周期平均值 u_{Cav} 作为状态变量,由图 1 可得 Buck 变换器的数学模型为

$$\begin{cases}
L \frac{\mathrm{d}i_{Lav}}{\mathrm{d}t} = dU_{\mathrm{S}} - u_{Cav} \\
C \frac{\mathrm{d}u_{Cav}}{\mathrm{d}t} = i_{Lav} - \frac{u_{Cav}}{R}
\end{cases} \tag{1}$$

在连续导通模式(Continuous Conduction Mode, CCM)下,令 $x_1 = i_{Lav}$, $x_2 = u_{Cav}$,则根据 Buck 变换器的数学模型,有

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = -\frac{1}{L}x_2 + \frac{U_S}{L}d\\ \dot{x}_2 = \frac{1}{C}x_1 - \frac{1}{RC}x_2 \end{cases}$$
 (2)

将式(2)表示为矩阵形式,可得Buck变换器的EL模型为

$$M_{\mathrm{Bu}}\dot{x} + J_{\mathrm{Bu}}x + R_{\mathrm{Bu}}x = du \tag{3}$$

其中,
$$\boldsymbol{M}_{\mathrm{Bu}} = \begin{pmatrix} L & 0 \\ 0 & C \end{pmatrix}$$
, $\boldsymbol{J}_{\mathrm{Bu}} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$, $\boldsymbol{J}_{\mathrm{Bu}}$ 为反

对称矩阵,满足 $J_{\text{Bu}} = -J_{\text{Bu}}^{\text{T}}$; $R_{\text{Bu}} = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1/R \end{pmatrix}$; $x = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$; $u = \begin{pmatrix} U_{\text{S}} \\ 0 \end{pmatrix}$ 。

首先分析带电阻负载 Buck 变换器的无源性。图 1 中,假设电路中电源侧端口电压为 u,电流为 i,不难得出 $i = di_{lav}$ 。

将式(1) 中第一个方程左右两边同乘以 i_{Lav} ,第二个方程左右两边同乘以 u_{Cav} ,则有

$$\begin{cases} Li_{Lav} \frac{\mathrm{d}i_{Lav}}{\mathrm{d}t} = di_{Lav}U_{\mathrm{S}} - i_{Lav}u_{Cav} \\ Cu_{Cav} \frac{\mathrm{d}u_{Cav}}{\mathrm{d}t} = i_{Lav}u_{Cav} - \frac{u_{Cav}^2}{R} \end{cases}$$
(4)

联立并代入 $i = di_{lay}$, 可得

$$Li_{Lav}\frac{\mathrm{d}i_{Lav}}{\mathrm{d}t} + Cu_{Cav}\frac{\mathrm{d}u_{Cav}}{\mathrm{d}t} = iU_{S} - \frac{u_{Cav}^{2}}{R}$$
 (5)

对式(5)两侧同时积分,有

$$\int_{0}^{t} Li_{Lav}(\tau) di_{Lav}(\tau) + \int_{0}^{t} Cu_{Cav}(\tau) du_{Cav}(\tau) =$$

$$\int_{0}^{t} i(\tau) U_{S} d\tau - \int_{0}^{t} \frac{u_{Cav}^{2}(\tau)}{R} d\tau$$
(6)

整理式 (6), 可得

$$\frac{1}{2} Li_{Lav}(\tau)^{2} \Big|_{0}^{t} + \underbrace{\frac{1}{2} Cu_{Cav}(\tau)^{2} \Big|_{0}^{t}}_{H_{C}(t)} = \underbrace{\int_{0}^{t} i(\tau) U_{S} d\tau}_{\text{(#\delta fit\) \bar{k}}} - \underbrace{\int_{0}^{t} \frac{u_{Cav}^{2}(\tau)}{R} d\tau}_{\text{£\bar{k}\theta fit\) \bar{k}} \tag{\text{τk}} \tag{\text{τk}}_{\text{τk}}} \tag{\text{τk}}_{\text{τk}} \tag{\text{τk}}_{\text{τk}}} \tag{\text{τk}}_{\text{τk}} \tag{\text{τk}}_{\text{τk}}} \tag{\text{$\text{$\tau k$}}}_{\text{$\text{τk}}}} \tag{\text{$\text{$\text{$\text{$\ta$$

式(7)可改写为

$$\underbrace{H(t)}_{t \text{ 时刻能量}} = \underbrace{H(0)}_{\text{ 初始能量}} + \underbrace{\int_{0}^{t} i(\tau) U_{S} d\tau}_{\text{ 供给能量}} - \underbrace{\int_{0}^{t} \frac{u_{\text{Cav}}^{2}(\tau)}{R} d\tau}_{\text{ 転散能量}} \tag{8}$$

式中, $H(t) = H_L(t) + H_C(t)$,为t时刻电路中存储的能量。

由无源性的定义 $^{[6]}$ 可知,若 R > 0,则带电阻负载的 Buck 变换器无源,可稳定运行。

2.2 基于 EL 模型的无源控制器

设期望的状态矢量为 $x^* = [x_1^* x_2^*]^T$,状态矢量误差 $e = x - x^*$ 。其中 x_2^* 由负载需求确定。当 Buck 变换器工作于平衡点时,有 $x_1^* = x_2^*/R$ 。

由式(3)可得

$$M_{\text{Bu}}\dot{e} + J_{\text{Bu}}e + R_{\text{Bu}}e = du - [M_{\text{Bu}}\dot{x}^* + J_{\text{Bu}}x^* + R_{\text{Bu}}x^*]$$
 (9)

取误差能量存储函数 $H_e(x) = \frac{1}{2}e^{\mathsf{T}}M_{\mathrm{Bu}}e$, 为使 $H_e(x)$ 快速收敛到 0 , 现加入 DI 项。在式(9)两端 同时添加 DI 项 R_ae , 其中 R_a 为

$$\mathbf{R}_{a} = \begin{pmatrix} R_{a1} & 0 \\ 0 & 1/R_{a2} \end{pmatrix} \qquad R_{ai} > 0 \quad (i = 1, 2) \qquad (10)$$

则有

$$M_{\text{Bu}}\dot{e} + J_{\text{Bu}}e + R_{\text{Bu}}e + R_{\text{a}}e = du - [M_{\text{Bu}}\dot{x}^* + J_{\text{Bu}}x^* + R_{\text{Bu}}x^*] + R_{\text{a}}e$$
(11)

取无源控制器

$$d\mathbf{u} = [\mathbf{M}_{Bu}\dot{\mathbf{x}}^* + \mathbf{J}_{Bu}\mathbf{x}^* + \mathbf{R}_{Bu}\mathbf{x}^*] - \mathbf{R}_a\mathbf{e}$$
 (12)

即式(11)右边为零,可得

$$M_{\text{Bu}}\dot{e} + (J_{\text{Bu}} + R_{\text{Bu}} + R_{\text{a}})e = 0$$
 (13)

 $H_{c}(x)$ 对时间的导数为

$$\dot{H}_{c}(\mathbf{x}) = \mathbf{e}^{\mathrm{T}} \mathbf{M}_{\mathrm{Bu}} \dot{\mathbf{e}} = -\mathbf{e}^{\mathrm{T}} (\mathbf{J}_{\mathrm{Bu}} + \mathbf{R}_{\mathrm{Bu}} + \mathbf{R}_{\mathrm{a}}) \mathbf{e}$$
$$= -\mathbf{e}^{\mathrm{T}} (\mathbf{R}_{\mathrm{Bu}} + \mathbf{R}_{\mathrm{a}}) \mathbf{e} < 0 \tag{14}$$

由式(14)可知,误差能量存储函数能够收敛到 0,收敛速度取决于 $R_{Bu} + R_{ao}$ 当 $R_{a} >>> R_{Bu}$ 时, $H_{e}(x) \to 0$ 的速度取决于 R_{a} , R_{Bu} 的影响很小。当 $H_{e}(x) \to 0$ 时,即 $x \to x^{*}$,所以式(12)无源控制器可实现控制目的。

由于 x^* 为给定常量,故 $x^*=0$ 。将式(12)展开后,可得无源控制器对应的占空比为

$$d = \frac{x_2^*}{U_S} + \frac{R_{al}}{U_S} (x_1^* - x_1)$$
 (15)

由式(15)可得基于无源控制的 Buck 变换器系统结构如图 2 所示。其中, i_L^* 为电感器电流给定值; u_C^* 为电容器两端电压给定值。无源控制器以 i_L 、 i_L^* 以及 u_C^* 为输入信号,经过简单的代数运算后输出占空比 d,占空比 d 与三角波比较产生 PWM 波,PWM 波经驱动电路驱动开关管,实现控制目的。无源控制器控制简单,且可实现输出电压无超调控制。

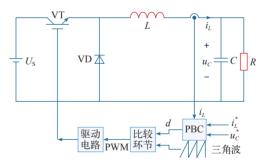


图 2 基于无源控制的 Buck 变换器系统结构图

Fig.2 Configuration of Buck converter based on passivity control

由于 DI 不消耗能量,因此式(13)对于含有 DI 的闭环控制系统仍然成立,所以带电阻负载的 Buck 变换器系统在所设计的无源控制器的控制下可稳定运行。

3 DI 确定

3.1 DI 范围确定

由式(15)可知,无源控制器控制电感器电流, 当电感器电流达到给定值即电路工作于平衡点时, 由 Buck 变换器工作于平衡点时电容器电压与电感器电流的关系可知电容器两端电压也可达到给定值,即无源控制器通过控制电感器电流从而使得电容器电压达到给定值。在该控制器控制下,变换器输出电压无超调,响应快。但当电路开始工作时会出现冲击电流,对电路产生不利影响。对此,可通过DI 限制电感器电流的超调量,以限制冲击电流的大小,从而减小冲击电流对电路的不利影响。为得到DI 与 i_L 的超调量 σ %的定量关系,下面将建立基于PBC 的 Buck 变换器系统的传递函数。

控制系统框图如图 3 所示。图中,G(s) 为 Buck 变换器电感器电流的拉普拉斯变换 $I_L(s)$ 对占空比的拉普拉斯变换 D(s) 的传递函数; $I_L^*(s)$ 为电感器电流给定值的拉普拉斯变换。根据图 3 可求得系统的闭环传递函数,进而求得系统在阶跃输入下的响应与超调量,从而可通过限制超调量确定 DI 的取值范围。

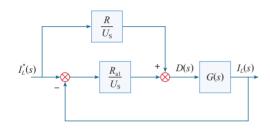


图 3 基于无源控制的 Buck 变换器控制系统框图

Fig.3 Diagram of control system of Buck converter based on passivity control

根据式(1)可得

$$G(s) = \frac{I_L(s)}{D(s)} = \frac{(RCs+1)U_S}{RLCs^2 + Ls + R}$$
 (16)

根据图 3 求得系统的闭环传递函数 $\Phi(s)$ 为

$$\Phi(s) = \frac{I_L(s)}{I_L^*(s)} = \frac{(R_{a1} + R)G(s)}{U_S + R_{a1}G(s)}$$
(17)

将式 (16) 代入式 (17), 有

$$\Phi(s) = \frac{RCs + 1}{\frac{RLC}{R + R_{a1}}s^2 + \frac{L + RCR_{a1}}{R + R_{a1}}s + 1}$$
(18)

设系统输入为 $i_L^*(t) = I_L^*$,则有 $I_L^*(s) = I_L^*/s$,系统输出 $I_L(s)$ 为

$$I_{L}(s) = I_{L}^{*}(s)\boldsymbol{\Phi}(s) = \frac{I_{L}^{*}}{s} \frac{RCs + 1}{\frac{RLC}{R + R_{al}}s^{2} + \frac{L + RCR_{al}}{R + R_{al}}s + 1}$$
(19)

对式(19) 求拉普拉斯逆变换,得

$$i_L(t) = I_L^* - I_L^* e^{C \times D}$$
 (20)

将式 (20) 对时间 t 求导,并令导数等于零,可得

$$I_{L}^{*}A \left(B \cosh \frac{tN}{RLC} - \frac{N \sinh \frac{tN}{RLC}}{RLC} \right) + I_{L}^{*}AQ \left(\cosh \frac{tN}{RLC} - \frac{BRLC \sinh \frac{tN}{RLC}}{N} \right) = 0$$
 (21)

求得峰值时间 tp 为

$$t_{p} = \frac{RLC \ln \left(-\frac{2R\sqrt{LC}}{L + 2N - RCR_{a1}} \right)}{N}$$
 (22)

由于超调量发生在峰值时间,将式(22)代入式(20)可得峰值为

$$i_L(t_p) = I_L^* - I_L^* e^{E \times F}$$
 (23)

求得超调量为

$$\sigma\% = -e^{E \times F} \tag{24}$$

其中 $A = e^{-\frac{Qt}{2RLC}}$

$$C = -\frac{(L + RCR_{a1})t}{2RLC}$$

$$RLC \sinh M \left(\frac{1 + RCR_{a1}}{2RLC} - \frac{L - CR^2}{RLC}\right)$$

$$D = \cosh M - \frac{RLC \sinh M}{RLC} + \frac{L - CR^2}{RLC}$$

$$E = -\frac{P(1 + RCR_{a1})}{2N}$$

 $B = \frac{Q}{2RLC} - \frac{L - CR^2}{RLC}$

$$F = \cosh P - \frac{RLC \sinh P \left(\frac{1 + RCR_{al}}{2RLC} - \frac{L - CR^2}{RLC} \right)}{N}$$

$$M = \frac{Nt}{RLC}$$

$$N = \sqrt{\frac{C^2 R^2 R_{a1}^2}{4} - \frac{RLCR_{a1}}{2} - R^2 CL + \frac{L^2}{4}}$$

$$P = \ln\left(-\frac{2R\sqrt{LC}}{L + 2N - RCR_{a1}}\right)$$

 $Q = L + RCR_{a1}$

二阶系统的标准形式在单位阶跃输入且阻尼比 $\xi = 0.4 \sim 0.8$ 时,超调量 σ % 介于 $1.5\% \sim 25.4\%$ 之间 $[^{7}]$ 。按照该标准校正系统,即

$$1.5\% \le -e^{E \times F} \le 25.4\% \tag{25}$$

选择电路参数见表1。将表1中参数代入式(25)并求解,可得

$$0.766\Omega \leqslant R_{\rm al} \leqslant 48\Omega \tag{26}$$

 σ %与 R_{al} 的关系曲线如图 4 所示。由图 4 可知,随着 R_{al} 的增大,超调量 σ %减小,反之亦然。

表1 主电路参数

Tab.1 Parameters of power circuit

参数	数值	参数	数值
$U_{ m S}/{ m V}$	24	R/Ω	0.8
$U_{\scriptscriptstyle C}^*\!/\!\mathrm{V}$	12	L/mH	0.4
$I_{\scriptscriptstyle L}^*/{ m A}$	15	C/µF	750

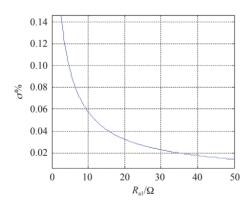


图 4 虚拟阻尼 R_{a1} 与超调量 σ % 的关系曲线 Fig. 4 Relation curve of virtual damping R_{a1} and overshoot σ %

3.2 最优 DI 确定

通过超调量校正系统后,可得到在指定超调量范围内 R_{a1} 的取值范围见式 (26)。使用 GA 优化,确定系统最终的 DI 值。GA 程序参数见表 2,程序流程图如图 5 所示,选择目标函数为

$$Objval = \sqrt{\sum_{gen=1}^{20} \sum_{i=1}^{10} (U_C^* - u_C(gen, i))^2}$$

$$gen = 1, 2, \dots, 20; \quad i = 1, 2, \dots, 10$$
(27)

通过 GA 优化,求得目标函数的最小值,最终可得最优 DI 值为 7.513 7Ω 。

表 2 GA 程序参数

Tab.2 Parameters of GA programs

参数	数值	参数	数值
种群大小	10	代沟	1
最大遗传代数	20	交叉概率	0.8
个体长度	6	变异概率	0.01

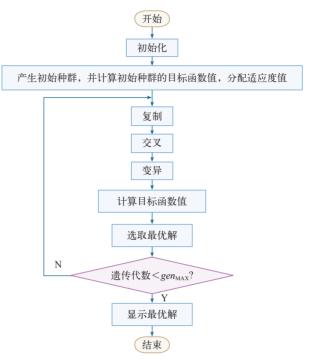


图 5 GA 程序流程图

Fig.5 Flow chart of GA program

4 阻尼注入后的系统分析

Buck 变换器注入阻尼后的等效电路如图 6 所示。图中, R_{a1} 相当于与电感器 L 串联, R_{a2} 相当于与电容器 C 并联 ^[4]。

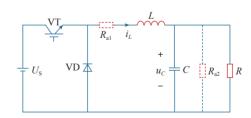


图 6 阻尼注入后的 Buck 变换器等效电路图

Fig.6 Equivalent circuit diagram of Buck converter after damping injection

将系统的闭环传递函数改写为

$$\Phi(s) = \frac{RCs + 1}{\frac{RLC}{R + R_{a_1}}s^2 + \frac{L + RCR_{a_1}}{R + R_{a_1}}s + 1}$$
(28)

将式(28)代入电路参数并绘制系统伯德图如图 7 所示。由图 7 可知,在低频段,系统的对数幅频特性均为零,即在低频段系统自身即可稳定运行,输出跟随输入。随着频率的增大,系统会出现超调现象,但是随着 DI 值的增大,这一现象被抑制。从图 7 还可得出,随着 DI 值的增大,系统的带宽增大,意味着系统跟踪输入信号的能力增强,但同时系统抑制输入端高频干扰的能力减弱。所以对于 DI 的大小应该折衷选取。

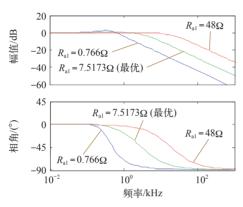


图 7 阻尼注入后的系统伯德图

Fig.7 Bode diagram of system after damping injection

图 8 为系统闭环极点分布图。由图 8 可知,随着 R_{al} 的增大,系统的极点逐渐偏离虚轴,系统由欠阻尼变为过阻尼。但系统极点始终位于复平面的左半平面,所以系统始终稳定运行,证明了本文关于系统稳定性分析的正确性。

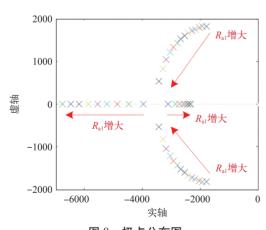


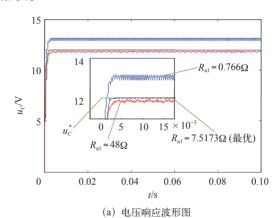
图 8 极点分布图

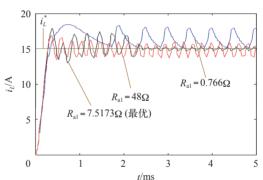
Fig.8 Pole map

5 仿真研究

选取表 1 电路参数,开关频率为 10kHz。使用最优 DI 值 $7.513~7\Omega$ 对 Buck 变换器进行仿真,同时选用阻值为 0.766Ω 与 48Ω 的 DI 进行仿真对比,仿真结果如图 9 所示,系统性能指标见表 3。由图 9a

及表 3 可知,经 GA 优化得到的最优 DI 值可使得系统的输出电压值很好地跟随给定电压值,几乎重合,无超调且响应速度快。输出电压值随着 DI 值的增大而减小。图 9b 为系统电流响应波形图。由图 9b 及表 3 可知,系统电流响应超调量随着 DI 的增大而减小,与图 4 所得结论一致,即 DI 的增大可以减小电流响应的超调量,从而抑制冲击电流。同时,在最优 DI 时电流纹波最小,跟随给定值;随着 DI 的增大,上升时间 t_r 减小,即系统响应速度加快。





(b) 电流响应波形图 **图 9 仿真实验结果**

Fig.9 Diagram of simulation results

表 3 系统性能

Tab.3 Performance of system

$R_{ m al}/\Omega$ -	性能指标		
	σ%	t _r /s	e _{ss} /V
0.766	23.3	3.5×10^{-4}	-1
7.513 7	19.3	3×10^{-4}	0
48	12.3	3×10^{-4}	0.2

6 结论

本文使用无源控制器对Buck变换器进行控制。PBC控制简单,在其控制下系统电压响应迅速且无超调。建立了系统的闭环传递函数,从而得

到了 R_{a1} 与系统电流超调量的关系,通过对系统电流超调量进行校正,确定 DI 值的取值范围并通过 GA 优化得到了最优 DI 值。最优 DI 不仅可以使 Buck 变换器输出电压无超调、无静差,还可抑制电流响应超调量,从而减小了冲击电流对电路的不利影响。仿真实验证明本文所使用的确定最优 DI 值的方法可以取得良好的效果。通过伯德图分析了 DI 对基于无源控制的 Buck 变换器系统的影响。当加入 DI 项后,闭环系统复现输入信号的能力增强,但同时其抑制输入端高频干扰信号的能力减弱。即增大 DI 值可以提高系统跟随输入信号的能力,但却不利于系统抑制高频干扰,所以对于 DI 的大小应该折衷选取。

参考文献

- [1] 刘卓然,徐海平,张祖之,等. Buck 类 DC/DC 变换器状态反馈精确线性化恒流控制方法 [J].中国电机工程学报,2017,37(2):628-634.
 - Liu Zhuoran, Xu Haiping, Zhang Zuzhi, et al. A novel scheme of constant current control strategy based on state feedback linearization for Buckderived DC/DC converter[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(2): 628-634.

- [2] 岳小龙,卓放,杨书豪,等.Buck变换器的多频率矩阵模型及其在分布式供电系统中的应用[J].电工技术学报,2017,32(4):250-259. Yue Xiaolong, Zhuo Fang, Yang Shuhao, et al. A multi-frequency matrix model for Buck converter and its application in distributed power system[J]. Transaction of China Electrotechnical Society, 2017, 32(4):250-259.
- [3] 王久和. 电能变换器及其无源控制 [M]. 北京: 科学出版社, 2014.
- [4] Kwasinski A, Krein P T. Passivity-based control of Buck converters with constant-power loads[C]. Proceedings of IEEE Power Electronics Specialists Conference, Orlando, FL, USA, 2007: 259-265.
- [5] Kwasinski A, Krein P T. Stabilization of constant power load in DC-DC converters using passivitybased control[C]. Proceedings of the International IEEE Telecommunications Energy Conference, Rome, Italy, 2007: 867-874.
- [6] 王久和. 先进非线性控制理论及其应用 [M]. 北京: 科学出版社, 2012.
- [7] 胡寿松. 自动控制原理[M]. 北京: 科学出版社, 2013.